

1. Algèbre de Boole :

Q1. Simplifier les équations suivantes à l'aide des théorèmes de l'algèbre de Boole :

$$S1 = (\bar{a} + b). (a + b)$$

$$S2 = \bar{a}. b. \bar{c} + \bar{a}. b. c + a. b. \bar{c} + a. b. c$$

$$S2 = \bar{a}. b. \bar{c} + \bar{a}. b. c + a. b. \bar{c} + a. b. c$$

$$S3 = a. b. c + b. c + b. \bar{b}$$

$$S4 = (a + \bar{a}. b). (\overline{a + b}) + b. \bar{c} + b. c$$

2. Logigrammes :

2.1. Réalisation d'un logigramme :

Q2. Etablir les logigrammes réalisant les équations suivantes :

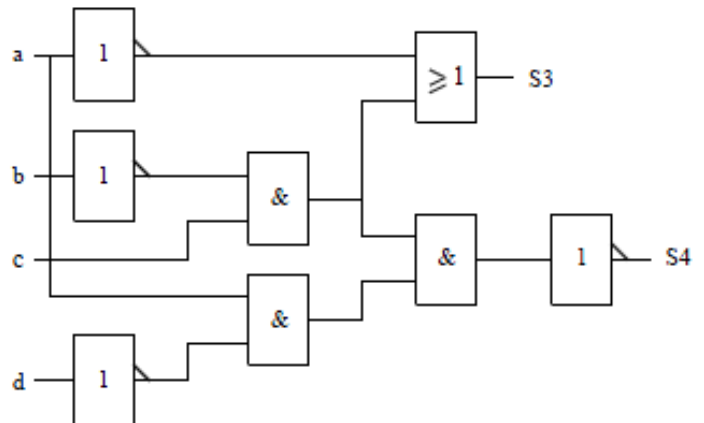
$$S1 = a + b. \bar{c}$$

$$S2 = \overline{(\bar{a}. b + c)}. \bar{d}$$

$$S3 = a. (b + \bar{c})$$

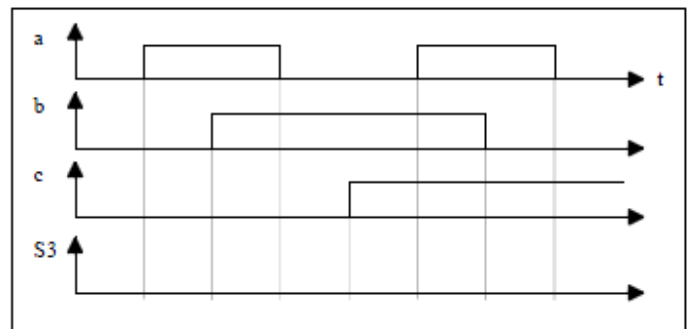
2.2. Décodage d'un logigramme :

Q3. Etablir l'équation des sorties S3 et S4 du logigramme ci-contre :



Q4. Etablir la table de vérité de S3 et de S4 en fonction de l'état des variables d'entrée.

Q5. Compléter le chronogramme de la sortie S3 ci-contre :



3. Problème : Etude du fonctionnement d'une perceuse

On considère une perceuse actionnée par un moteur M. Le moteur ne peut tourner que si l'interrupteur C est actionné et si toutes les conditions de sécurité suivantes sont respectées :

- La protection de sécurité P est en place
- Le courant de surcharge I n'est pas dépassé

Outre ces conditions normales de fonctionnement, une clé K permet de faire tourner le moteur sans aucune condition de sécurité.

Q6. En supposant que chaque variable C, P, I, et K vaut 1 lorsque la condition de fonctionnement est respectée, donner la table de vérité du moteur M.

Q7. Donner l'équation et le logigramme.